

## 7. predavanje: Trigonometrijske i ciklometrijske funkcije.

*Franka Miriam Brückler*



# Periodične funkcije



- Navedite neke periodične pojave u svakodnevnom životu i u znanosti!

# Periodične funkcije



- Navedite neke periodične pojave u svakodnevnom životu i u znanosti!
- Kako bi izgledao graf funkcije koja opisuje intenzitet (mjerna jedinica je  $\text{W/m}^2$ ) monotonog zvuka koji traje po 5 s i ponavlja se u razmacima od 10 s?

Periodične funkcije 

- Navedite neke periodične pojave u svakodnevnom životu i u znanosti!
- Kako bi izgledao graf funkcije koja opisuje intenzitet (mjerna jedinica je  $\text{W/m}^2$ ) monotonog zvuka koji traje po 5 s i ponavlja se u razmacima od 10 s? A za zvučni signal koji svakih 10 s počinje od nul-intenziteta i jednoliko se pojačava tokom tih 10 sekundi?

Periodične funkcije 

- Navedite neke periodične pojave u svakodnevnom životu i u znanosti!
- Kako bi izgledao graf funkcije koja opisuje intenzitet (mjerna jedinica je  $\text{W/m}^2$ ) monotonog zvuka koji traje po 5 s i ponavlja se u razmacima od 10 s? A za zvučni signal koji svakih 10 s počinje od nul-intenziteta i jednoliko se pojačava tokom tih 10 sekundi?
- Skicirajte primjer grafa periodične funkcije kojoj je temeljni period 2 i kojoj domena nije cijeli skup  $\mathbb{R}$ .

Periodične funkcije 

- Navedite neke periodične pojave u svakodnevnom životu i u znanosti!
- Kako bi izgledao graf funkcije koja opisuje intenzitet (mjerna jedinica je  $\text{W/m}^2$ ) monotonog zvuka koji traje po 5 s i ponavlja se u razmacima od 10 s? A za zvučni signal koji svakih 10 s počinje od nul-intenziteta i jednoliko se pojačava tokom tih 10 sekundi?
- Skicirajte primjer grafa periodične funkcije kojoj je temeljni period 2 i kojoj domena nije cijeli skup  $\mathbb{R}$ .
- Može li periodična funkcija imati horizontalnu asymptotu?

Periodične funkcije 

- Navedite neke periodične pojave u svakodnevnom životu i u znanosti!
- Kako bi izgledao graf funkcije koja opisuje intenzitet (mjerna jedinica je  $\text{W/m}^2$ ) monotonog zvuka koji traje po 5 s i ponavlja se u razmacima od 10 s? A za zvučni signal koji svakih 10 s počinje od nul-intenziteta i jednoliko se pojačava tokom tih 10 sekundi?
- Skicirajte primjer grafa periodične funkcije kojoj je temeljni period 2 i kojoj domena nije cijeli skup  $\mathbb{R}$ .
- Može li periodična funkcija imati horizontalnu asimptotu? A vertikalnu?

Periodične funkcije 

- Navedite neke periodične pojave u svakodnevnom životu i u znanosti!
- Kako bi izgledao graf funkcije koja opisuje intenzitet (mjerna jedinica je  $\text{W/m}^2$ ) monotonog zvuka koji traje po 5 s i ponavlja se u razmacima od 10 s? A za zvučni signal koji svakih 10 s počinje od nul-intenziteta i jednoliko se pojačava tokom tih 10 sekundi?
- Skicirajte primjer grafa periodične funkcije kojoj je temeljni period 2 i kojoj domena nije cijeli skup  $\mathbb{R}$ .
- Može li periodična funkcija imati horizontalnu asymptotu? A vertikalnu? Ako periodična funkcija ima vertikalnu asymptotu, koliko ih je?

# Mjere kutova



- Kut iznosa 1 (radijan) iznosi otprilike:
  - $1^\circ$ .
  - $60^\circ$ .
  - $180^\circ$ .
  - $314^\circ$ .

Mjere kutova 

- Kut iznosa 1 (radijan) iznosi otprilike:  
  $1^\circ$ .        $60^\circ$ .        $180^\circ$ .        $314^\circ$ .
- Koliki kut, u radijanima, prijeđe minutna kazaljka analognog sata u 5 minuta?

Mjere kutova 

- Kut iznosa 1 (radijan) iznosi otprilike:  
  $1^\circ$ .        $60^\circ$ .        $180^\circ$ .        $314^\circ$ .
- Koliki kut, u radijanima, prijeđe minutna kazaljka analognog sata u 5 minuta?
- Ako  $0^\circ 6' 33''$  gledamo kao decimalni broj, koliko on iznosi?

Mjere kutova 

- Kut iznosa 1 (radijan) iznosi otprilike:  
  $1^\circ$ .        $60^\circ$ .        $180^\circ$ .        $314^\circ$ .
- Koliki kut, u radijanima, prijeđe minutna kazaljka analognog sata u 5 minuta?
- Ako  $0^\circ 6' 33''$  gledamo kao decimalni broj, koliko on iznosi?
- Bez korištenja kalkulatora poredajte po veličini, od najmanjeg do najvećeg sljedeće brojeve:

$$\sqrt[3]{10}; \quad -1^{-2^{-3}}; \quad \log 0^\circ 15'; \quad \exp(-1); \quad \frac{1}{\pi} + 573^\circ 1' 1''$$

# Trigonometrijske funkcije 🦆

- Definirajte brojeve  $\cos 3$  i  $\sin 1$ .

# Trigonometrijske funkcije



- Definirajte brojeve  $\cos 3$  i  $\sin 1$ .
- Koji su predznaci brojeva  $\cos 2$ ,  $\cos 2^\circ$ ,  $\operatorname{tg} 6$  i  $\operatorname{ctg} 6^\circ$ ?

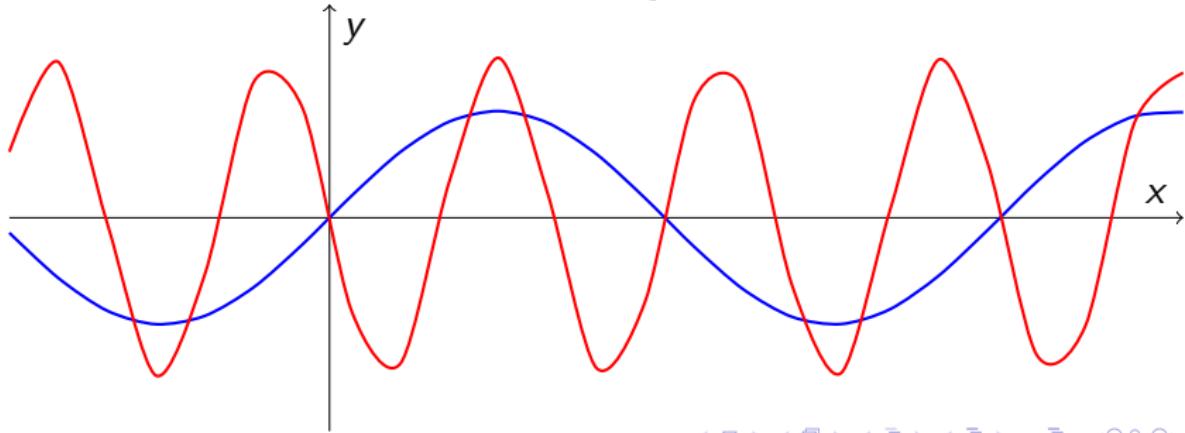
# Trigonometrijske funkcije



- Definirajte brojeve  $\cos 3$  i  $\sin 1$ .
- Koji su predznaci brojeva  $\cos 2$ ,  $\cos 2^\circ$ ,  $\operatorname{tg} 6$  i  $\operatorname{ctg} 6^\circ$ ?
- Jesu li pravci  $y = \pm 1$  asimptote grafova sinusa i kosinusa?

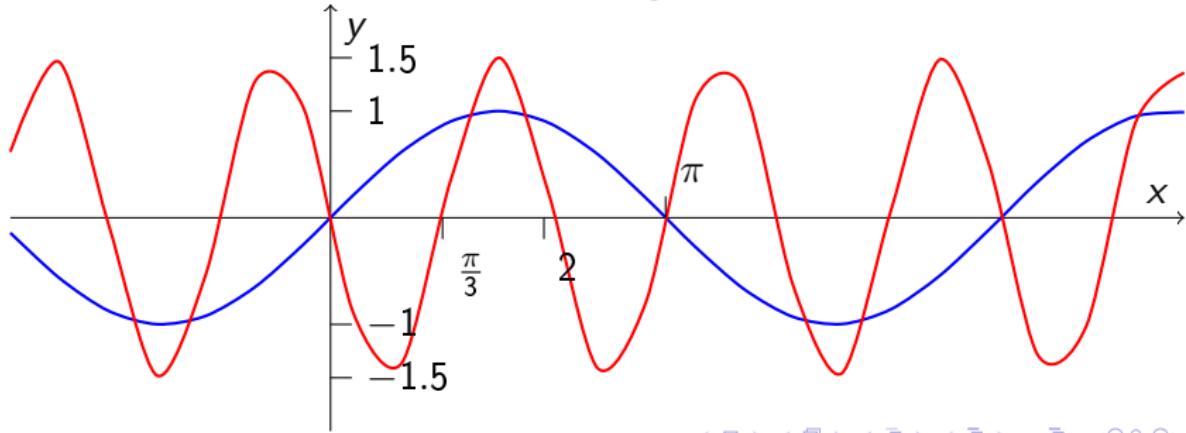
Trigonometrijske funkcije 

- Definirajte brojeve  $\cos 3$  i  $\sin 1$ .
- Koji su predznaci brojeva  $\cos 2$ ,  $\cos 2^\circ$ ,  $\operatorname{tg} 6$  i  $\operatorname{ctg} 6^\circ$ ?
- Jesu li pravci  $y = \pm 1$  asymptote grafova sinusa i kosinusa?
- Skicirajte graf funkcije zadane formulom  $f(x) = 1 - \operatorname{tg}\frac{\pi x}{2}$ .
- Ako je plava krivulja graf funkcije sinus, označite jedinice na osima i odredite formule ostalih krivulja na slici:



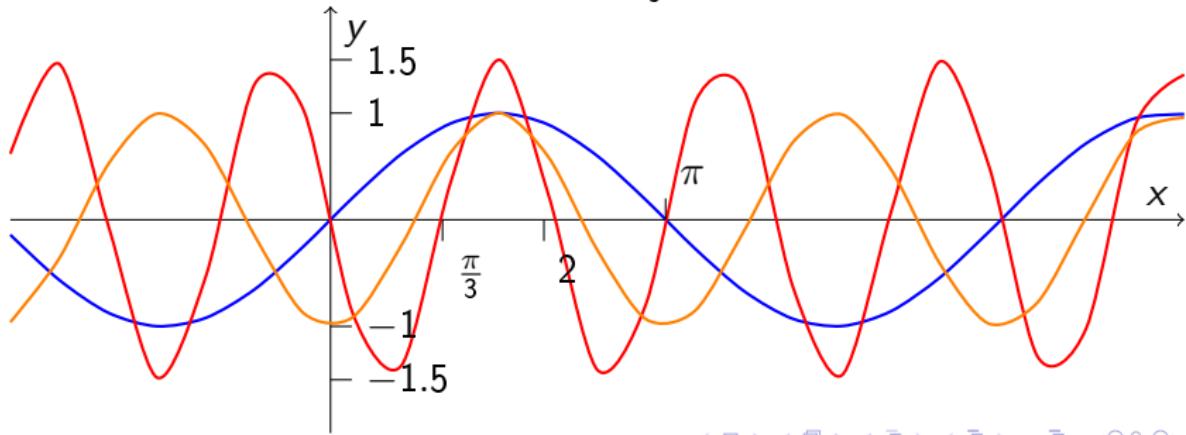
Trigonometrijske funkcije 

- Definirajte brojeve  $\cos 3$  i  $\sin 1$ .
- Koji su predznaci brojeva  $\cos 2$ ,  $\cos 2^\circ$ ,  $\operatorname{tg} 6$  i  $\operatorname{ctg} 6^\circ$ ?
- Jesu li pravci  $y = \pm 1$  asymptote grafova sinusa i kosinusa?
- Skicirajte graf funkcije zadane formulom  $f(x) = 1 - \operatorname{tg}\frac{\pi x}{2}$ .
- Ako je plava krivulja graf funkcije sinus, označite jedinice na osima i odredite formule ostalih krivulja na slici:



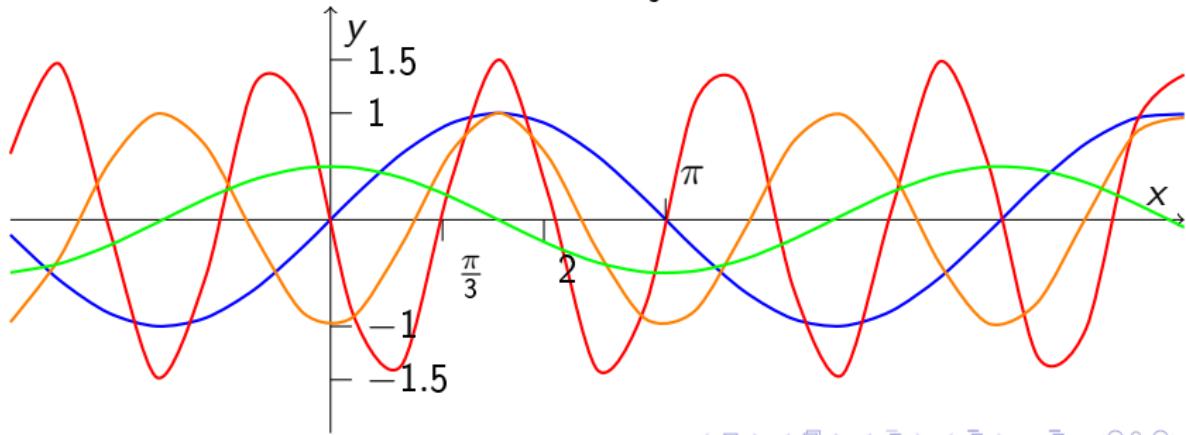
Trigonometrijske funkcije 

- Definirajte brojeve  $\cos 3$  i  $\sin 1$ .
- Koji su predznaci brojeva  $\cos 2$ ,  $\cos 2^\circ$ ,  $\operatorname{tg} 6$  i  $\operatorname{ctg} 6^\circ$ ?
- Jesu li pravci  $y = \pm 1$  asymptote grafova sinusa i kosinusa?
- Skicirajte graf funkcije zadane formulom  $f(x) = 1 - \operatorname{tg}\frac{\pi x}{2}$ .
- Ako je plava krivulja graf funkcije sinus, označite jedinice na osima i odredite formule ostalih krivulja na slici:



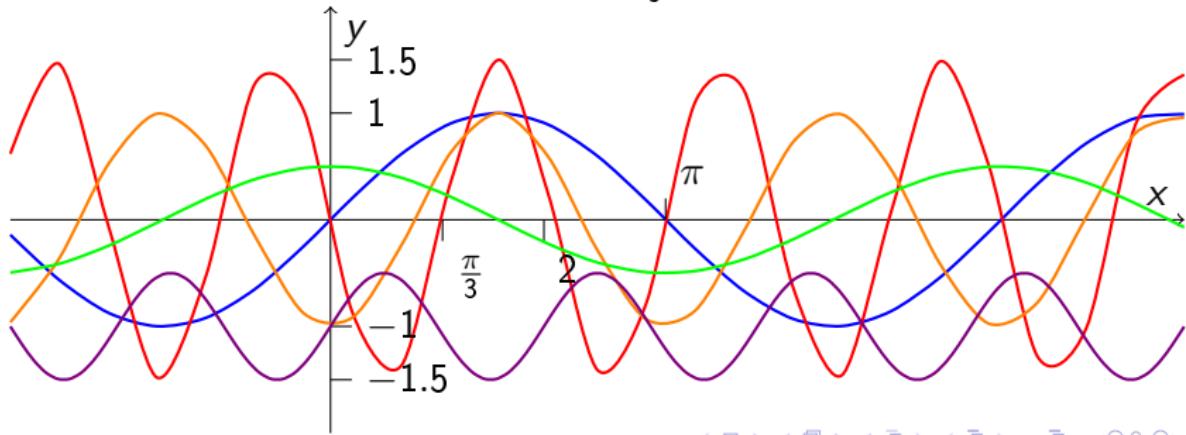
Trigonometrijske funkcije 

- Definirajte brojeve  $\cos 3$  i  $\sin 1$ .
- Koji su predznaci brojeva  $\cos 2$ ,  $\cos 2^\circ$ ,  $\operatorname{tg} 6$  i  $\operatorname{ctg} 6^\circ$ ?
- Jesu li pravci  $y = \pm 1$  asymptote grafova sinusa i kosinusa?
- Skicirajte graf funkcije zadane formulom  $f(x) = 1 - \operatorname{tg}\frac{\pi x}{2}$ .
- Ako je plava krivulja graf funkcije sinus, označite jedinice na osima i odredite formule ostalih krivulja na slici:



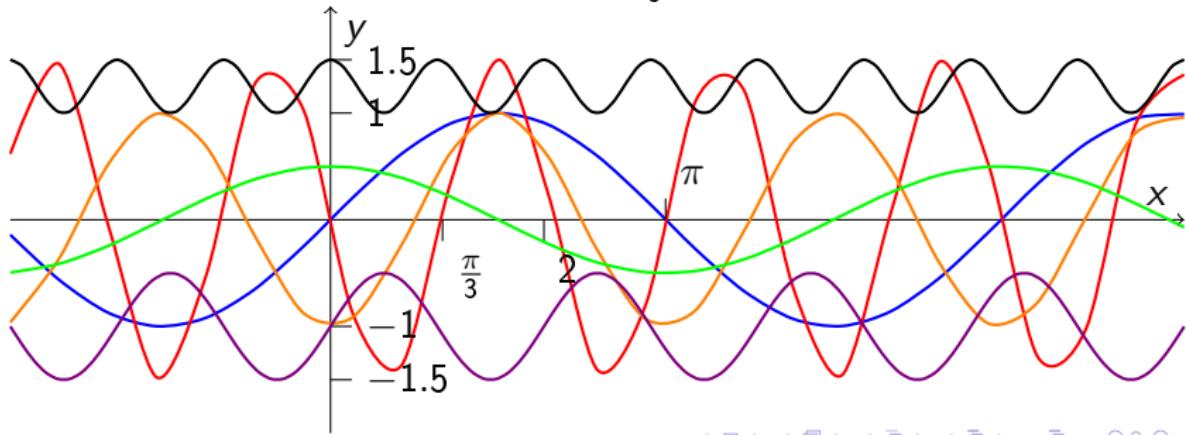
Trigonometrijske funkcije 

- Definirajte brojeve  $\cos 3$  i  $\sin 1$ .
- Koji su predznaci brojeva  $\cos 2$ ,  $\cos 2^\circ$ ,  $\operatorname{tg} 6$  i  $\operatorname{ctg} 6^\circ$ ?
- Jesu li pravci  $y = \pm 1$  asymptote grafova sinusa i kosinusa?
- Skicirajte graf funkcije zadane formulom  $f(x) = 1 - \operatorname{tg}\frac{\pi x}{2}$ .
- Ako je plava krivulja graf funkcije sinus, označite jedinice na osima i odredite formule ostalih krivulja na slici:



Trigonometrijske funkcije 

- Definirajte brojeve  $\cos 3$  i  $\sin 1$ .
- Koji su predznaci brojeva  $\cos 2$ ,  $\cos 2^\circ$ ,  $\operatorname{tg} 6$  i  $\operatorname{ctg} 6^\circ$ ?
- Jesu li pravci  $y = \pm 1$  asymptote grafova sinusa i kosinusa?
- Skicirajte graf funkcije zadane formulom  $f(x) = 1 - \operatorname{tg}\frac{\pi x}{2}$ .
- Ako je plava krivulja graf funkcije sinus, označite jedinice na osima i odredite formule ostalih krivulja na slici:



# Ciklometrijske (arkus) funkcije 🦆

- Zašto je netočno ciklometrijske funkcije nazivati inverznim trigonometrijskim funkcijama?

Ciklometrijske (arkus) funkcije 

- Zašto je netočno ciklometrijske funkcije nazivati inverznim trigonometrijskim funkcijama?
- Skicirajte graf funkcije zadane s  $f(x) = 1 - \frac{1}{\pi} \text{arcctg}(x - 5)$ .

# Ciklometrijske (arkus) funkcije



- Zašto je netočno ciklometrijske funkcije nazivati inverznim trigonometrijskim funkcijama?
- Skicirajte graf funkcije zadane s  $f(x) = 1 - \frac{1}{\pi} \text{arcctg}(x - 5)$ .
- Kako razlikujemo graf funkcije arkus-tangens od grafa tangensa hiperbolnog?

# Ciklometrijske (arkus) funkcije



- Zašto je netočno ciklometrijske funkcije nazivati inverznim trigonometrijskim funkcijama?
- Skicirajte graf funkcije zadane s  $f(x) = 1 - \frac{1}{\pi} \text{arcctg}(x - 5)$ .
- Kako razlikujemo graf funkcije arkus-tangens od grafa tangensa hiperbolnog?
- Je li funkcija  $f(x) = \arcsin(1 - x^2)$  parna, neparna ili nijedno od tog?

# Ciklometrijske (arkus) funkcije



- Zašto je netočno ciklometrijske funkcije nazivati inverznim trigonometrijskim funkcijama?
- Skicirajte graf funkcije zadane s  $f(x) = 1 - \frac{1}{\pi} \text{arcctg}(x - 5)$ .
- Kako razlikujemo graf funkcije arkus-tangens od grafa tangensa hiperbolnog?
- Je li funkcija  $f(x) = \arcsin(1 - x^2)$  parna, neparna ili nijedno od tog?
- Na pet decimala odredite sve realne brojeve između 0 i 100 čiji kosinus je jednak 5

# Ciklometrijske (arkus) funkcije



- Zašto je netočno ciklometrijske funkcije nazivati inverznim trigonometrijskim funkcijama?
- Skicirajte graf funkcije zadane s  $f(x) = 1 - \frac{1}{\pi} \text{arcctg}(x - 5)$ .
- Kako razlikujemo graf funkcije arkus-tangens od grafa tangensa hiperbolnog?
- Je li funkcija  $f(x) = \arcsin(1 - x^2)$  parna, neparna ili nijedno od tog?
- Na pet decimala odredite sve realne brojeve između 0 i 100 čiji kosinus je jednak 5 i one kojima je jednak  $-0,1$ .

# Elementarne funkcije



- Koja je razlika između algebarskih i transcendentnih funkcija?

# Elementarne funkcije



- Koja je razlika između algebarskih i transcendentnih funkcija?
- Koje od osnovnih elementarnih funkcija kao prirodnu domenu nemaju cijeli  $\mathbb{R}$ ?

# Elementarne funkcije

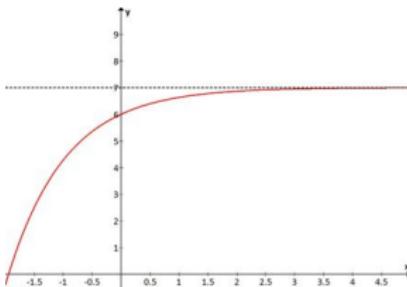


- Koja je razlika između algebarskih i transcendentnih funkcija?
- Koje od osnovnih elementarnih funkcija kao prirodnu domenu nemaju cijeli  $\mathbb{R}$ ?
- Ovisnost koncentracije reaktanta o vremenu za reakcije prvog reda sa samo jednim reaktantom dana je formulom  $c = c_0 \exp(\nu k t)$ . Pritom je  $k$  koeficijent brzine reakcije, a  $\nu > 0$  je stehiometrijski koeficijent reaktanta. Koja je jedinica od  $k$ ? Skicirajte graf ovisnosti  $c$  o  $t$ !

# Elementarne funkcije



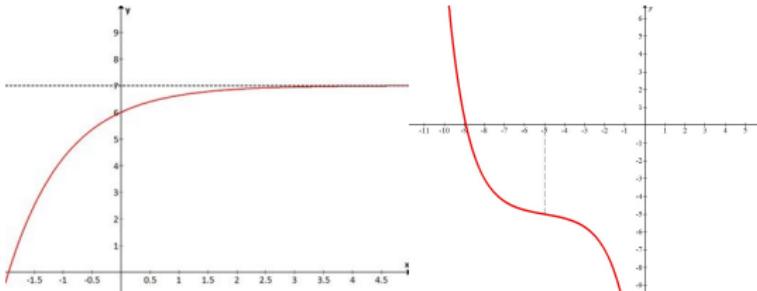
- Koja je razlika između algebarskih i transcendentnih funkcija?
- Koje od osnovnih elementarnih funkcija kao prirodnu domenu nemaju cijeli  $\mathbb{R}$ ?
- Ovisnost koncentracije reaktanta o vremenu za reakcije prvog reda sa samo jednim reaktantom dana je formulom  $c = c_0 \exp(\nu k t)$ . Pritom je  $k$  koeficijent brzine reakcije, a  $\nu > 0$  je stehiometrijski koeficijent reaktanta. Koja je jedinica od  $k$ ? Skicirajte graf ovisnosti  $c$  o  $t$ !
- Nađite formule funkcija čiji grafovi su prikazani sljedećim slikama.



# Elementarne funkcije



- Koja je razlika između algebarskih i transcendentnih funkcija?
- Koje od osnovnih elementarnih funkcija kao prirodnu domenu nemaju cijeli  $\mathbb{R}$ ?
- Ovisnost koncentracije reaktanta o vremenu za reakcije prvog reda sa samo jednim reaktantom dana je formulom  $c = c_0 \exp(\nu k t)$ . Pritom je  $k$  koeficijent brzine reakcije, a  $\nu > 0$  je stehiometrijski koeficijent reaktanta. Koja je jedinica od  $k$ ? Skicirajte graf ovisnosti  $c$  o  $t$ !
- Nađite formule funkcija čiji grafovi su prikazani sljedećim slikama.



# Elementarne funkcije



- Koja je razlika između algebarskih i transcendentnih funkcija?
- Koje od osnovnih elementarnih funkcija kao prirodnu domenu nemaju cijeli  $\mathbb{R}$ ?
- Ovisnost koncentracije reaktanta o vremenu za reakcije prvog reda sa samo jednim reaktantom dana je formulom  $c = c_0 \exp(\nu k t)$ . Pritom je  $k$  koeficijent brzine reakcije, a  $\nu > 0$  je stehiometrijski koeficijent reaktanta. Koja je jedinica od  $k$ ? Skicirajte graf ovisnosti  $c$  o  $t$ !
- Nađite formule funkcija čiji grafovi su prikazani sljedećim slikama.

