

### 3. predavanje: Uvod u matrice i opće vektorske prostore

*Franka Miriam Brückler*



# Pojam matrice i osnovne vrste matrica

Što je matrica?

# Pojam matrice i osnovne vrste matrica

Što je matrica? Što je element matrice?

# Pojam matrice i osnovne vrste matrica

Što je matrica? Što je element matrice? Koja je razlika realnih i kompleksnih matrica?

# Pojam matrice i osnovne vrste matrica

Što je matrica? Što je element matrice? Koja je razlika realnih i kompleksnih matrica? Što su to realne matrice tipa  $3 \times 5$ ? Kako se označava skup svih takvih?

# Pojam matrice i osnovne vrste matrica

Što je matrica? Što je element matrice? Koja je razlika realnih i kompleksnih matrica? Što su to realne matrice tipa  $3 \times 5$ ? Kako se označava skup svih takvih? Napišite primjer matrice  $A \in M_{3,5}$ ! Koliko iznosi  $a_{23}$ ?

## Pojam matrice i osnovne vrste matrica

Što je matrica? Što je element matrice? Koja je razlika realnih i kompleksnih matrica? Što su to realne matrice tipa  $3 \times 5$ ? Kako se označava skup svih takvih? Napišite primjer matrice  $A \in M_{3,5}$ ! Koliko iznosi  $a_{23}$ ? Koji elementi čine njenu dijagonalu?

## Pojam matrice i osnovne vrste matrica

Što je matrica? Što je element matrice? Koja je razlika realnih i kompleksnih matrica? Što su to realne matrice tipa  $3 \times 5$ ? Kako se označava skup svih takvih? Napišite primjer matrice  $A \in M_{3,5}$ ! Koliko iznosi  $a_{23}$ ? Koji elementi čine njenu dijagonalu? Kako nazivamo matrice kojima je broj redaka jednak broju stupaca?

## Pojam matrice i osnovne vrste matrica

Što je matrica? Što je element matrice? Koja je razlika realnih i kompleksnih matrica? Što su to realne matrice tipa  $3 \times 5$ ? Kako se označava skup svih takvih? Napišite primjer matrice  $A \in M_{3,5}$ ! Koliko iznosi  $a_{23}$ ? Koji elementi čine njenu dijagonalu? Kako nazivamo matrice kojima je broj redaka jednak broju stupaca? Kako označavamo skup svih kompleksnih kvadratnih matrica s 4 retka?

## Pojam matrice i osnovne vrste matrica

Što je matrica? Što je element matrice? Koja je razlika realnih i kompleksnih matrica? Što su to realne matrice tipa  $3 \times 5$ ? Kako se označava skup svih takvih? Napišite primjer matrice  $A \in M_{3,5}$ ! Koliko iznosi  $a_{23}$ ? Koji elementi čine njenu dijagonalu? Kako nazivamo matrice kojima je broj redaka jednak broju stupaca? Kako označavamo skup svih kompleksnih kvadratnih matrica s 4 retka? Dajte primjer jedne matrice  $B \in M_4(\mathbb{C})$ !

## Pojam matrice i osnovne vrste matrica

Što je matrica? Što je element matrice? Koja je razlika realnih i kompleksnih matrica? Što su to realne matrice tipa  $3 \times 5$ ? Kako se označava skup svih takvih? Napišite primjer matrice  $A \in M_{3,5}$ ! Koliko iznosi  $a_{23}$ ? Koji elementi čine njenu dijagonalu? Kako nazivamo matrice kojima je broj redaka jednak broju stupaca? Kako označavamo skup svih kompleksnih kvadratnih matrica s 4 retka? Dajte primjer jedne matrice  $B \in M_4(\mathbb{C})$ ! Kako nazivamo matrice sa samo jednim retkom odnosno stupcem?

## Pojam matrice i osnovne vrste matrica

Što je matrica? Što je element matrice? Koja je razlika realnih i kompleksnih matrica? Što su to realne matrice tipa  $3 \times 5$ ? Kako se označava skup svih takvih? Napišite primjer matrice  $A \in M_{3,5}$ ! Koliko iznosi  $a_{23}$ ? Koji elementi čine njenu dijagonalu? Kako nazivamo matrice kojima je broj redaka jednak broju stupaca? Kako označavamo skup svih kompleksnih kvadratnih matrica s 4 retka? Dajte primjer jedne matrice  $B \in M_4(\mathbb{C})$ ! Kako nazivamo matrice sa samo jednim retkom odnosno stupcem? Navedite primjer jedne matrice-retka iz  $M_{1,3}$  i jedne matrice-stupca iz  $M_{2,1}(\mathbb{C})$ !

# Transponiranje i hermitsko konjugiranje matrica

Što je to transponirana matrica matrice  $A$ ?

# Transponiranje i hermitsko konjugiranje matrica

Što je to transponirana matrica matrice  $A$ ? Ako je  $A$  tipa  $3 \times 5$ , kojeg je tipa  $A^t$ ? Koji element se nalazi na poziciji  $(2, 3)$  matrice  $A^t$ ?

# Transponiranje i hermitsko konjugiranje matrica

Što je to transponirana matrica matrice  $A$ ? Ako je  $A$  tipa  $3 \times 5$ , kojeg je tipa  $A^t$ ? Koji element se nalazi na poziciji  $(2, 3)$  matrice  $A^t$ ? Transponirajte sve matrice iz primjera s prethodnog *slide-a*!

# Transponiranje i hermitsko konjugiranje matrica

Što je to transponirana matrica matrice  $A$ ? Ako je  $A$  tipa  $3 \times 5$ , kojeg je tipa  $A^t$ ? Koji element se nalazi na poziciji  $(2, 3)$  matrice  $A^t$ ? Transponirajte sve matrice iz primjera s prethodnog *slide-a*!  
Što dobijemo ako neku matricu transponiramo dvaput uzastopno?

# Transponiranje i hermitsko konjugiranje matrica

Što je to transponirana matrica matrice  $A$ ? Ako je  $A$  tipa  $3 \times 5$ , kojeg je tipa  $A^t$ ? Koji element se nalazi na poziciji  $(2, 3)$  matrice  $A^t$ ? Transponirajte sve matrice iz primjera s prethodnog *slide-a*!  
Što dobijemo ako neku matricu transponiramo dvaput uzastopno?  
Što je to hermitski konjugirana matrica?

# Transponiranje i hermitsko konjugiranje matrica

Što je to transponirana matrica matrice  $A$ ? Ako je  $A$  tipa  $3 \times 5$ , kojeg je tipa  $A^t$ ? Koji element se nalazi na poziciji  $(2, 3)$  matrice  $A^t$ ? Transponirajte sve matrice iz primjera s prethodnog *slide-a*!  
Što dobijemo ako neku matricu transponiramo dvaput uzastopno?  
Što je to hermitski konjugirana matrica? Hermitski konjugirajte sve matrice s prethodnog *slide-a*!

# Transponiranje i hermitsko konjugiranje matrica

Što je to transponirana matrica matrice  $A$ ? Ako je  $A$  tipa  $3 \times 5$ , kojeg je tipa  $A^t$ ? Koji element se nalazi na poziciji  $(2, 3)$  matrice  $A^t$ ? Transponirajte sve matrice iz primjera s prethodnog *slide-a*!  
Što dobijemo ako neku matricu transponiramo dvaput uzastopno?  
Što je to hermitski konjugirana matrica? Hermitski konjugirajte sve matrice s prethodnog *slide-a*!  
Definirajte simetrične, antisimetrične, hermitske i antisimetrične matrice!

# Transponiranje i hermitsko konjugiranje matrica

Što je to transponirana matrica matrice  $A$ ? Ako je  $A$  tipa  $3 \times 5$ , kojeg je tipa  $A^t$ ? Koji element se nalazi na poziciji  $(2, 3)$  matrice  $A^t$ ? Transponirajte sve matrice iz primjera s prethodnog *slide-a*!  
Što dobijemo ako neku matricu transponiramo dvaput uzastopno?  
Što je to hermitski konjugirana matrica? Hermitski konjugirajte sve matrice s prethodnog *slide-a*!  
Definirajte simetrične, antisimetrične, hermitske i antisimetrične matrice! Objasnite zašto sve one moraju biti kvadratne!

# Transponiranje i hermitsko konjugiranje matrica

Što je to transponirana matrica matrice  $A$ ? Ako je  $A$  tipa  $3 \times 5$ , kojeg je tipa  $A^t$ ? Koji element se nalazi na poziciji  $(2, 3)$  matrice  $A^t$ ? Transponirajte sve matrice iz primjera s prethodnog *slide-a*!  
Što dobijemo ako neku matricu transponiramo dvaput uzastopno?  
Što je to hermitski konjugirana matrica? Hermitski konjugirajte sve matrice s prethodnog *slide-a*!

Definirajte simetrične, antisimetrične, hermitske i antisimetrične matrice! Objasnite zašto sve one moraju biti kvadratne! Dajte po jedan primjer simetrične i hermitske matrice s po 2 retka!

# Transponiranje i hermitsko konjugiranje matrica

Što je to transponirana matrica matrice  $A$ ? Ako je  $A$  tipa  $3 \times 5$ , kojeg je tipa  $A^t$ ? Koji element se nalazi na poziciji  $(2, 3)$  matrice  $A^t$ ? Transponirajte sve matrice iz primjera s prethodnog *slide-a*!  
Što dobijemo ako neku matricu transponiramo dvaput uzastopno?  
Što je to hermitski konjugirana matrica? Hermitski konjugirajte sve matrice s prethodnog *slide-a*!

Definirajte simetrične, antisimetrične, hermitske i antisimetrične matrice! Objasnite zašto sve one moraju biti kvadratne! Dajte po jedan primjer simetrične i hermitske matrice s po 2 retka! Što možete zaključiti o dijagonalnim elementima tih četiriju vrsta matrica? Dokažite svoje tvrdnje!

# Zbrajanje i oduzimanje matrica

## Zadatak

Dane su matrice

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

Izračunajte  $A \pm B$  i  $A \pm C$ .

# Zbrajanje i oduzimanje matrica

## Zadatak

Dane su matrice

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

Izračunajte  $A \pm B$  i  $A \pm C$ .

Uz koji uvjet možemo zbrojiti i oduzeti dvije matrice?

# Zbrajanje i oduzimanje matrica

## Zadatak

Dane su matrice

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

Izračunajte  $A \pm B$  i  $A \pm C$ .

Uz koji uvjet možemo zbrojiti i oduzeti dvije matrice? Riječima i formulom iskažite kako se zbrajaju i oduzimaju dvije matrice istog tipa. Kojeg tipa je zbroj odnosno razlika takvih dviju matrica?

# Zbrajanje i oduzimanje matrica

## Zadatak

Dane su matrice

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

Izračunajte  $A \pm B$  i  $A \pm C$ .

Uz koji uvjet možemo zbrojiti i oduzeti dvije matrice? Riječima i formulom iskažite kako se zbrajaju i oduzimaju dvije matrice istog tipa. Kojeg tipa je zbroj odnosno razlika takvih dviju matrica? Je li pri zbrajanju matrica bitan redoslijed? Zašto?

# Zbrajanje i oduzimanje matrica

## Zadatak

Dane su matrice

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

Izračunajte  $A \pm B$  i  $A \pm C$ .

Uz koji uvjet možemo zbrojiti i oduzeti dvije matrice? Riječima i formulom iskažite kako se zbrajaju i oduzimaju dvije matrice istog tipa. Kojeg tipa je zbroj odnosno razlika takvih dviju matrica? Je li pri zbrajanju matrica bitan redoslijed? Zašto? Vrijedi li

$$(A + B) + C = A + (B + C)?$$

# Zbrajanje i oduzimanje matrica

## Zadatak

Dane su matrice

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

Izračunajte  $A \pm B$  i  $A \pm C$ .

Uz koji uvjet možemo zbrojiti i oduzeti dvije matrice? Riječima i formulom iskažite kako se zbrajaju i oduzimaju dvije matrice istog tipa. Kojeg tipa je zbroj odnosno razlika takvih dviju matrica? Je li pri zbrajanju matrica bitan redoslijed? Zašto? Vrijedi li

$$(A + B) + C = A + (B + C)?$$

Postoji li matrica koja pribrojena svakoj matrici istu ne mijenja?

# Zbrajanje i oduzimanje matrica

## Zadatak

Dane su matrice

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

Izračunajte  $A \pm B$  i  $A \pm C$ .

Uz koji uvjet možemo zbrojiti i oduzeti dvije matrice? Riječima i formulom iskažite kako se zbrajaju i oduzimaju dvije matrice istog tipa. Kojeg tipa je zbroj odnosno razlika takvih dviju matrica? Je li pri zbrajanju matrica bitan redoslijed? Zašto? Vrijedi li

$$(A + B) + C = A + (B + C)?$$

Postoji li matrica koja pribrojena svakoj matrici istu ne mijenja? Kako definiramo pojam nulmatrice?

# Zbrajanje i oduzimanje matrica

## Zadatak

Dane su matrice

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

Izračunajte  $A \pm B$  i  $A \pm C$ .

Uz koji uvjet možemo zbrojiti i oduzeti dvije matrice? Riječima i formulom iskažite kako se zbrajaju i oduzimaju dvije matrice istog tipa. Kojeg tipa je zbroj odnosno razlika takvih dviju matrica? Je li pri zbrajanju matrica bitan redoslijed? Zašto? Vrijedi li

$$(A + B) + C = A + (B + C)?$$

Postoji li matrica koja pribrojena svakoj matrici istu ne mijenja? Kako definiramo pojam nulmatrice? Kako definiramo oduzimanje matrica?

# Zbrajanje i oduzimanje matrica

## Zadatak

Dane su matrice

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

Izračunajte  $A \pm B$  i  $A \pm C$ .

Uz koji uvjet možemo zbrojiti i oduzeti dvije matrice? Riječima i formulom iskažite kako se zbrajaju i oduzimaju dvije matrice istog tipa. Kojeg tipa je zbroj odnosno razlika takvih dviju matrica? Je li pri zbrajanju matrica bitan redoslijed? Zašto? Vrijedi li

$$(A + B) + C = A + (B + C)?$$

Postoji li matrica koja pribrojena svakoj matrici istu ne mijenja? Kako definiramo pojam nulmatrice? Kako definiramo oduzimanje matrica? Što je to suprotna matrica?

# Množenje matrice skalarom

Kako biste neku matricu pomnožili s 2?

## Množenje matrice skalarom

Kako biste neku matricu pomnožili s 2? Formulom zapišite kako se matrica množi skalarom!

## Množenje matrice skalarom

Kako biste neku matricu pomnožili s 2? Formulom zapišite kako se matrica množi skalarom! Što su to skalari?

## Množenje matrice skalarom

Kako biste neku matricu pomnožili s 2? Formulom zapišite kako se matrica množi skalarom! Što su to skalari? Postoji li skalar s kojim možemo pomnožiti matricu, a da se pritom ona ne promijeni?

## Množenje matrice skalarom

Kako biste neku matricu pomnožili s 2? Formulom zapišite kako se matrica množi skalarom! Što su to skalari? Postoji li skalar s kojim možemo pomnožiti matricu, a da se pritom ona ne promijeni? Koji je rezultat množenja matrice s nulom?

## Množenje matrice skalarom

Kako biste neku matricu pomnožili s 2? Formulom zapišite kako se matrica množi skalarom! Što su to skalari? Postoji li skalar s kojim možemo pomnožiti matricu, a da se pritom ona ne promijeni? Koji je rezultat množenja matrice s nulom? Koliko je  $2A + 3A$ ?  $-7A - 7B$ ?  $2 \cdot (5A)$ ? Uz koje uvjete na matrice  $A$  i  $B$  ti računi imaju smisla?

# Množenje matrice skalarom

Kako biste neku matricu pomnožili s 2? Formulom zapišite kako se matrica množi skalarom! Što su to skalari? Postoji li skalar s kojim možemo pomnožiti matricu, a da se pritom ona ne promijeni? Koji je rezultat množenja matrice s nulom? Koliko je  $2A + 3A$ ?  $-7A - 7B$ ?  $2 \cdot (5A)$ ? Uz koje uvjete na matrice  $A$  i  $B$  ti računi imaju smisla?

## Zadatak

*Riješite matričnu jednadžbu*

$$A + 2X = B$$

ako je

$$A = \begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}.$$

## Uvod u vektorske prostore

Primjećujete li kakvu sličnost između skupova  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$ ,  $V^2$ ,  $V^3$ ,  $V^2(O)$ ,  $V^3(O)$ ,  $M_{m,n}$  i  $M_{m,n}(\mathbb{C})$ ?

# Uvod u vektorske prostore

Primjećujete li kakvu sličnost između skupova  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$ ,  $V^2$ ,  $V^3$ ,  
 $V^2(O)$ ,  $V^3(O)$ ,  $M_{m,n}$  i  $M_{m,n}(\mathbb{C})$ ?  
Što je to **vektorski prostor**?

# Uvod u vektorske prostore

Primjećujete li kakvu sličnost između skupova  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$ ,  $V^2$ ,  $V^3$ ,  
 $V^2(O)$ ,  $V^3(O)$ ,  $M_{m,n}$  i  $M_{m,n}(\mathbb{C})$ ?  
Što je to **vektorski prostor**? Što je to **vektor**?

## Uvod u vektorske prostore

Primjećujete li kakvu sličnost između skupova  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$ ,  $V^2$ ,  $V^3$ ,  $V^2(O)$ ,  $V^3(O)$ ,  $M_{m,n}$  i  $M_{m,n}(\mathbb{C})$ ?

Što je to **vektorski prostor**? Što je to **vektor**? Imaju li svi vektori iznos, smjer, orientaciju?

## Uvod u vektorske prostore

Primjećujete li kakvu sličnost između skupova  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$ ,  $V^2$ ,  $V^3$ ,  $V^2(O)$ ,  $V^3(O)$ ,  $M_{m,n}$  i  $M_{m,n}(\mathbb{C})$ ?

Što je to **vektorski prostor**? Što je to **vektor**? Imaju li svi vektori iznos, smjer, orientaciju? Koja je razlika između realnih i kompleksnih vektorskih prostora?

## Uvod u vektorske prostore

Primjećujete li kakvu sličnost između skupova  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$ ,  $V^2$ ,  $V^3$ ,  $V^2(O)$ ,  $V^3(O)$ ,  $M_{m,n}$  i  $M_{m,n}(\mathbb{C})$ ?

Što je to **vektorski prostor**? Što je to **vektor**? Imaju li svi vektori iznos, smjer, orientaciju? Koja je razlika između realnih i kompleksnih vektorskih prostora? Što je to nulvektor?

## Uvod u vektorske prostore

Primjećujete li kakvu sličnost između skupova  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$ ,  $V^2$ ,  $V^3$ ,  $V^2(O)$ ,  $V^3(O)$ ,  $M_{m,n}$  i  $M_{m,n}(\mathbb{C})$ ?

Što je to **vektorski prostor**? Što je to **vektor**? Imaju li svi vektori iznos, smjer, orientaciju? Koja je razlika između realnih i kompleksnih vektorskih prostora? Što je to nulvektor? Mogu li se vektori međusobno oduzimati?

## Uvod u vektorske prostore

Primjećujete li kakvu sličnost između skupova  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$ ,  $V^2$ ,  $V^3$ ,  $V^2(O)$ ,  $V^3(O)$ ,  $M_{m,n}$  i  $M_{m,n}(\mathbb{C})$ ?

Što je to **vektorski prostor**? Što je to **vektor**? Imaju li svi vektori iznos, smjer, orientaciju? Koja je razlika između realnih i kompleksnih vektorskih prostora? Što je to nulvektor? Mogu li se vektori međusobno oduzimati?

Koji od gore nabrojanih osam primjera su realni i/ili kompleksni vektorski prostori? Uz kako definirane operacije zbrajanja i množenja skalarom?

# Uvod u vektorske prostore

Primjećujete li kakvu sličnost između skupova  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$ ,  $V^2$ ,  $V^3$ ,  $V^2(O)$ ,  $V^3(O)$ ,  $M_{m,n}$  i  $M_{m,n}(\mathbb{C})$ ?

Što je to **vektorski prostor**? Što je to **vektor**? Imaju li svi vektori iznos, smjer, orientaciju? Koja je razlika između realnih i kompleksnih vektorskih prostora? Što je to nulvektor? Mogu li se vektori međusobno oduzimati?

Koji od gore nabrojanih osam primjera su realni i/ili kompleksni vektorski prostori? Uz kako definirane operacije zbrajanja i množenja skalarom?

## Zadatak

*Čini li skup svih matrica vektorski prostor? Zašto?*

# Uvod u vektorske prostore

Primjećujete li kakvu sličnost između skupova  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$ ,  $V^2$ ,  $V^3$ ,  $V^2(O)$ ,  $V^3(O)$ ,  $M_{m,n}$  i  $M_{m,n}(\mathbb{C})$ ?

Što je to **vektorski prostor**? Što je to **vektor**? Imaju li svi vektori iznos, smjer, orientaciju? Koja je razlika između realnih i kompleksnih vektorskih prostora? Što je to nulvektor? Mogu li se vektori međusobno oduzimati?

Koji od gore nabrojanih osam primjera su realni i/ili kompleksni vektorski prostori? Uz kako definirane operacije zbrajanja i množenja skalarom?

## Zadatak

*Čini li skup svih matrica vektorski prostor? Zašto?*

## Zadatak

*Postoji li vektorski prostor s konačno mnogo elemenata?*

## Zadatak

*Kako biste definirali potrebne operacije da  $\mathbb{C}^3$  bude realni vektorski prostor?*

## Zadatak

*Kako biste definirali potrebne operacije da  $\mathbb{C}^3$  bude realni vektorski prostor?*

## Zadatak

*Neka je  $I = \langle a, b \rangle$  i  $C^1(I)$  skup svih derivabilnih realnih funkcija jedne varijable s domenom  $I$ .*

- Kako biste definirali zbrajanje i množenje skalarom u  $C(I)$  tako da on bude vektorski prostor? Je li tako dobiven vektorski prostor realan ili kompleksan?*

## Zadatak

*Kako biste definirali potrebne operacije da  $\mathbb{C}^3$  bude realni vektorski prostor?*

## Zadatak

*Neka je  $I = \langle a, b \rangle$  i  $C^1(I)$  skup svih derivabilnih realnih funkcija jedne varijable s domenom  $I$ .*

- *Kako biste definirali zbrajanje i množenje skalarom u  $C(I)$  tako da on bude vektorski prostor? Je li tako dobiven vektorski prostor realan ili kompleksan?*
- *Što je nulvektor u tom prostoru?*

## Zadatak

*Kako biste definirali potrebne operacije da  $\mathbb{C}^3$  bude realni vektorski prostor?*

## Zadatak

*Neka je  $I = \langle a, b \rangle$  i  $C^1(I)$  skup svih derivabilnih realnih funkcija jedne varijable s domenom  $I$ .*

- *Kako biste definirali zbrajanje i množenje skalarom u  $C(I)$  tako da on bude vektorski prostor? Je li tako dobiven vektorski prostor realan ili kompleksan?*
- *Što je nulvektor u tom prostoru?*
- *Je li  $\ln$  primjer vektora u  $C(\mathbb{R})$ ?*

## Zadatak

*Kako biste definirali potrebne operacije da  $\mathbb{C}^3$  bude realni vektorski prostor?*

## Zadatak

*Neka je  $I = \langle a, b \rangle$  i  $C^1(I)$  skup svih derivabilnih realnih funkcija jedne varijable s domenom  $I$ .*

- *Kako biste definirali zbrajanje i množenje skalarom u  $C(I)$  tako da on bude vektorski prostor? Je li tako dobiven vektorski prostor realan ili kompleksan?*
- *Što je nulvektor u tom prostoru?*
- *Je li  $\ln$  primjer vektora u  $C(\mathbb{R})$ ? Odaberite dva vektora  $f$  i  $g$  u tom prostoru izračunajte  $2f - 3g$ !*

## Zadatak

Kako biste definirali potrebne operacije da  $\mathbb{C}^3$  bude realni vektorski prostor?

## Zadatak

Neka je  $I = \langle a, b \rangle$  i  $C^1(I)$  skup svih derivabilnih realnih funkcija jedne varijable s domenom  $I$ .

- Kako biste definirali zbrajanje i množenje skalarom u  $C(I)$  tako da on bude vektorski prostor? Je li tako dobiven vektorski prostor realan ili kompleksan?
- Što je nulvektor u tom prostoru?
- Je li  $\ln$  primjer vektora u  $C(\mathbb{R})$ ? Odaberite dva vektora  $f$  i  $g$  u tom prostoru izračunajte  $2f - 3g$ !
- Bi li s istim operacijama skupovi  $C(I)$  svih neprekidnih funkcija na  $I$ ,  $\mathcal{I}(I)$  svih integrabilnih funkcija i  $\mathbb{R}^I$  svih funkcija s  $I$  u  $\mathbb{R}$  također bili vektorski prostori?



## Zadatak

Kako biste definirali potrebne operacije da  $\mathbb{C}^3$  bude realni vektorski prostor?

## Zadatak

Neka je  $I = \langle a, b \rangle$  i  $C^1(I)$  skup svih derivabilnih realnih funkcija jedne varijable s domenom  $I$ .

- Kako biste definirali zbrajanje i množenje skalarom u  $C(I)$  tako da on bude vektorski prostor? Je li tako dobiven vektorski prostor realan ili kompleksan?
- Što je nulvektor u tom prostoru?
- Je li  $\ln$  primjer vektora u  $C(\mathbb{R})$ ? Odaberite dva vektora  $f$  i  $g$  u tom prostoru izračunajte  $2f - 3g$ !
- Bi li s istim operacijama skupovi  $C(I)$  svih neprekidnih funkcija na  $I$ ,  $\mathcal{I}(I)$  svih integrabilnih funkcija i  $\mathbb{R}^I$  svih funkcija s  $I$  u  $\mathbb{R}$  također bili vektorski prostori? Jesu li  $f$  i  $g$  iz prethodne točke nijesu elementi ( $I = \mathbb{R}$ )?

