

# MATEMATIČKA LOGIKA

## 1. školska zadaća

15. 11. 2013.

1. Primjenom glavnog testa ispitajte valjanost formule

$$((Q \vee R) \rightarrow (P \vee \neg(Q \leftrightarrow R))) \rightarrow (P \vee \neg Q).$$

Ako formula nije valjana, odredite neku interpretaciju koja na toj formuli ima vrijednost 0.

2. Neka je  $F$  formula logike sudova u kojoj se javlja samo veznik  $\neg$ . Dokažite da  $F$  nije ni tautologija ni antitautologija.
3. Ako je  $I$  interpretacija, označimo sa  $\mathcal{F}(I)$  skup svih interpretacija  $J$  takvih da je  $I(F) \leq J(F)$  za svaku formulu  $F$ . Postoji li interpretacija  $I$  takva da skup  $\mathcal{F}(I)$  ima bar dva elementa?